# Crible d'Eratosthène [th05] - Examen

## Karine Zampieri, Stéphane Rivière



## Table des matières

1	Cri	ble d'Eratosthène / pgeratos	2
	1.1	Algorithme du Crible (5 points)	2
	1.2	Liste des nombres premiers (4 points)	4
		Programme (1 point)	

## C - Crible d'Eratosthène (Examen)



#### Objectif

Cet exercice détermine tous les nombres premiers inférieurs à un entier n par la méthode du crible d'Eratosthène.

...(énoncé page suivante)...

## 1 Crible d'Eratosthène / pgeratos

### 1.1 Algorithme du Crible (5 points)



#### Définition

Un **entier** est dit **premier** s'il possède exactement deux diviseurs : 1 et lui-même appelés diviseurs triviaux. Sinon il est dit **composite**.



#### Propriété

Le **crible d'Eratosthène** <sup>1</sup> permet de connaître en une seule fois un grand nombre d'entiers naturels premiers consécutifs et pas trop grands (par exemple inférieurs à un milliard).



(1 point) Définissez la constante CMAX=100000 (nombre maximum de valeurs d'un crible) puis le type Crible comme étant un tableau de CMAX booléens.



(1 point) Écrivez une procédure initialiserCrible(c,n) qui initialise à Vrai les éléments d'un Crible c[..n]. Par défaut tous les nombres sont premiers. Marquez à Faux, les entiers 0 et 1.



(1 point) Écrivez une procédure eliminerCrible(c,n,k) qui marque à Faux tous les multiples successifs de k (entier), à savoir 2k, 3k..., dans un Crible c[..n].



(1 point) Écrivez une fonction suivantImpair(c,n,k) qui recherche et renvoie le suivant impair non marqué de k (entier impair) dans un Crible c[..n], et qui renvoie -1 s'il n'existe pas (ce qui marquera la fin de la recherche).

<sup>1.</sup> Mathématicien et philosophe, connu pour ses travaux en arithmétique et en géométrie, ERATOSTHÈNE vécut au IIIe siècle avant J.C. à Alexandrie.

# Écrivez le code sur cette partie...



(1 point) Écrivez une procédure eratosCrible(c,n) qui calcule les nombres premiers compris entre 1 et n dans un Crible c. La procédure comporte trois parties :

- L'initialisation par appel de la procédure initialiserCrible.
- L'élimination (procédure eliminerCrible) de tous les multiples de 2 (2 est le plus petit nombre premier).
- L'élimination de tous les multiples successifs de chaque entier **impair** en commençant par le plus petit 3.

### 1.2 Liste des nombres premiers (4 points)



(1 point) Définissez la constante TMAX=1000 (nombre maximum de valeurs dans une liste), éventuellement le type ITableau comme étant un tableau d'entiers d'au plus TMAX entiers, puis le type IListe comme étant une structure contenant :

- Un ITableau contenant les valeurs.
- Un entier taille du nombre d'éléments effectifs dans le ITableau.



(0.5 point) Écrivez une procédure initialiserListe(lt) qui initialise une IListe lt à la liste vide (aucun élément, à savoir sa taille est nulle).



(1 point) Écrivez une procédure ajouterElement(lt, valeur) qui ajoute une valeur valeur (entier) dans une IListe lt (à la suite de ceux déjà présents).



(1 point) Écrivez une procédure creerListeNP(n,lt) qui crée la liste des entiers premiers inférieurs ou égaux à n dans une IListe lt.



(0.5 point) Écrivez une procédure afficherListe(1t) qui affiche les valeurs du tableau d'une IListe 1t.

### 1.3 Programme (1 point)



(1 point) Écrivez un programme qui saisit un entier (supposé positif et inférieur à CMAX) puis calcule et affiche la liste des nombres premiers qui sont inférieurs ou égaux à cet entier.



Testez. Exemple d'exécution:

Entier dans [1..99999]? 120
2 3 5 7 11 13 17 19 23 29 31 37 41 43 47 53 59 61 67 71 73 79 83 89 97
101 103 107 109 113

# Écrivez le code sur cette partie...